



**KARADENİZ TEKNİK ÜNİVERSİTESİ
MÜHENDİSLİK FAKÜLTESİ
BİLGİSAYAR MÜHENDİSLİĞİ BÖLÜMÜ**



BIL 205 VERİ YAPILARI DERS NOTLARI

2013-2014 Güz Dönemi

VERİ YAPILARI! (Data structures)

$$n! = n * (n-1)!$$

$$f(n) = n * f(n-1)$$

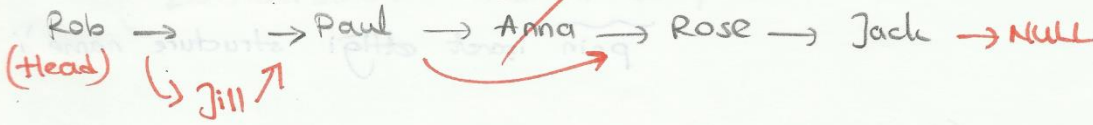
```
int f (int n)
{
  f(n == 1) : return 1
  else return n * f(n-1)
}
```

(117)

→ Hiçbir şeyi işaret etmeyen pointer NULL'a eşitler.

106 Bosluk olustur nextler birbirini gosterin.

Baglil List:



(Singly Linked list)

head = head → next

**
* Jonathan Shewchuk
jrs @ cory.ercs

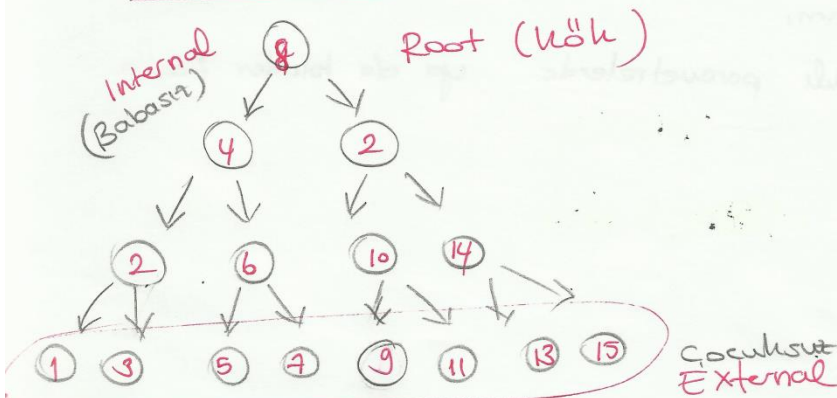
Dairesel Bagli: son eleman ilk elemani işaret ediyor.

Last in first out (Lifo)

Ekleme en sona silme en basta baslanır.

✓ chapter 6 geçen serisi işlenmedi!

BINARY TREE:



$2^n - 1$
Level



← (kod grubunu çalıştırmamak için)

STD (Standard Template Library) (şablon)

```
#include <string>
using std:: string;
```

```
// ...
string s = "to be";
string t = " not" + s;
string u = s + "or" + t;
if (s > t)
    cout << u;
```

```
* char ch = 'Q';
  char *p = &ch;
  cout << *p << endl;
```

```
* passenger *p;
  p = new passenger;
  p -> name = "Pocahontas";
```

pnin işaret ettiği structure name;

NOT: $p \rightarrow name \equiv (*p).name$

**) new... (Bellekte yeni yer açılıyor)



Önce p oluşuyor bellekte yer açılıyor sonra işaret ediyor.

Garbage Collection: Bellekte dinamik olarak oluşturulan nesnelerin arasında işe yaramayanların silinip, kullandığı bellek alanının boşaltılması.

- C++ da yok. kütüphanelerle yapılır.
delete p; // pointer'i siler.

Member indexing: 43 look.

Argue Passing: (Veri Aktarımı)

Overloading: Aynı fonksiyon farklı parametrelerde ya da birden fazla parametre ile tanımlanabilir.

Class Structure:

private
public

```
class Counter
```

```
{  
public:
```

```
Counter();
```

```
int getCount();
```

```
void increaseBy (int x);
```

```
private:
```

```
int count;
```

```
};
```

kendisi otomatik olarak
koşan bir fonk.
(constructor)

fonk.

değişkenler.

```
#include "counter"
```

```
void main ()
```

```
{  
    counter ctr; // constructor koşar. class'in değişkenlerine ilk değer atar.  
    cout << ctr.getCount() << endl;
```

```
** Passenger * p1 = new Passenger
```

↓
Passenger nesnesine ptr olarak erişebiliriz.

64 - Vect

```
delete [] → isimiz bitince koşmalı.  
// destructor.
```

```
Vect * p = new Vect;
```

```
delete p;
```

→ Başka bellek alanları varsa destructure içinde silmek gerekiyor.



} singly linked list.

v1 [1, 2, 3]

v2 [4, 5, 6]

v3 [7, 8, 9]

[1 2 3
4 5 6
7 8 9]

```

69: #include <vector>
using namespace std;
vector<int> scores(100);
scores.resize(scores.size()+10);

```

```

*) s.find("dog", 3)
s.substr(7, 5)
a dog is a dog

```

```

*) #ifndef CREDIT-CARD-H
(if not defined)
Vect *p = new Vect;
delete p;

```

#pragma once

* OBJECT ORIENTED DESIGN:

Inheritance: Class, bir class'ın miras alır metotlarını kullanabilm. için.

Miras veren: base class
parent "
super "

Miras alan: child class
derive "
subclass

```

class Student : public Person {
    miras alan
    en kapsamlı miras

```

```

String major;
int gradYear;

```

```

- void Person::print
    Yaptığı iş yazar.

```

(71)

95. sayfa.

NOT:

Miras alan bile private değişkenlere erişemezsin.
Name protected yapırsa erişilebilir.

constructor: Değişkenlere ilk değer atar.

```

: name(nm) ≡ name = nm

```

Polimorfizm: (Çokbicimlilik)

Birbirlerinden miras alırlar. Nesnelere isaret etmesi.
Farklı türden nesnelere onların ortak metotları ile erişebilirsiniz.

```

Person *pp[100];
pp[0] = new Person(...);
pp[1] = new Student

```

static binding , dynamic binding ^{tipi deęizebilir.}

↳ ilgili fonksiyona virtual yaptığımızda miras alan class nesnesi printini kopabilir.

- Ortak fonk. virtual olarak tanımla

abstract fonk sadece header'ı var.
Miras alan icini doldurur.

Circle, rectangle and Triangle → shape classları,

draw = 0; // ortak kullandıkları fonk.

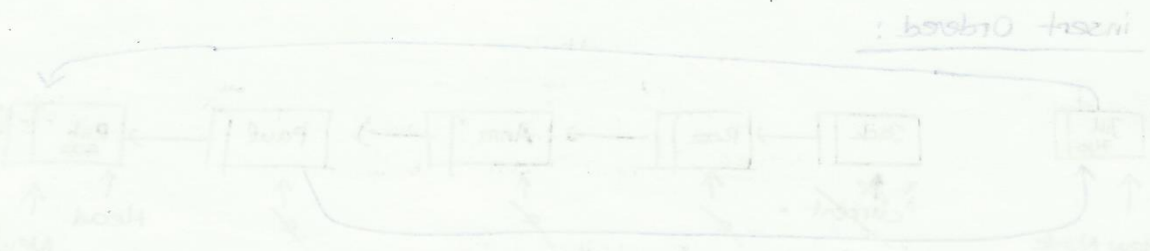
Abstract class.

overload: farklı türden fonk. peşpeşe tanımlayabiliriz.

Exception: C++ ve C# da hata olma ihtimali olan yerlere.

```
try {  
    if (divisor == 0)  
        throw zerodivide ("...")  
}  
catch (-) { → Hataya dair çözüm.  
}
```

→ Hata mesajı fırlatılmış.



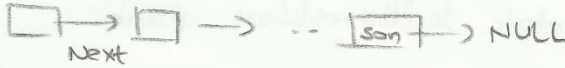
CHAPTER 3 : JINAY BURADAN ITIBAREN ...

Name	Mike	Rob	Paul	Anna	Rose	Jack	
Score	1105	450	720	660	590	510	

GameEntry

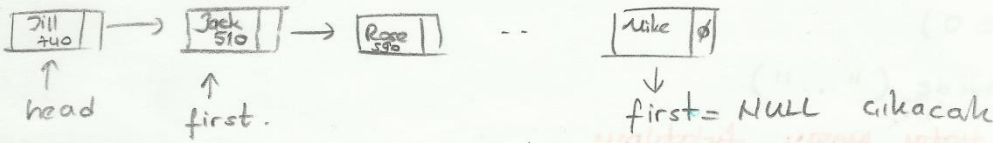
scores

SinglyNode: Bağlı liste elemanlarının herbirini temsil ediyor.

Insertion Sort: 

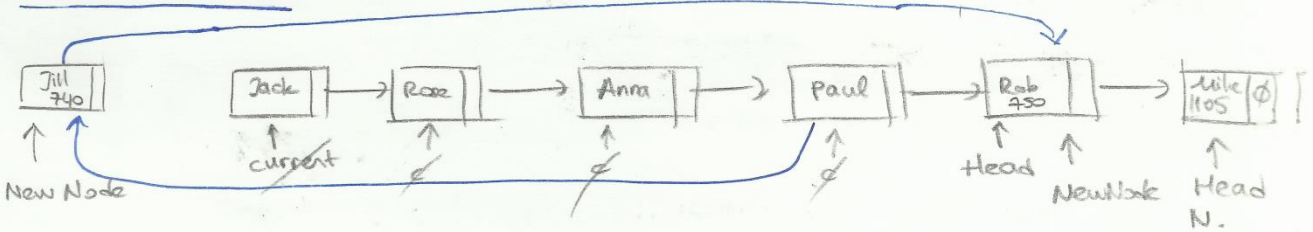
Singly Linked List: Tek yönlü bağlı liste.

- insert order: sıralı ekler
- add front: Başına ekler
- remove front: Siler → Parametre almıyor.



- Sağdaki ptr hangi nesneye işaret ediyorsa soldaki de aynı sına işaret eder.

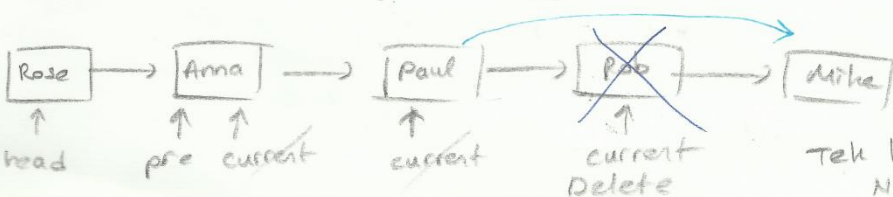
* insert Ordered:



- Head kime işaret ediyorsa current de ona işaret eder.
- Tek yönlü head ptr → NULL set.

Remove ordered:

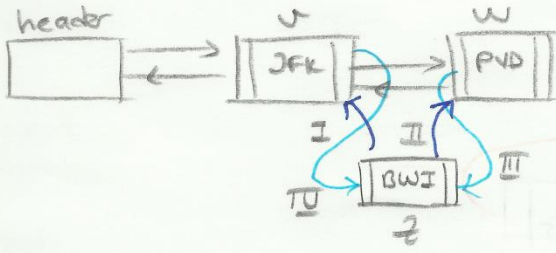
head = NULL ise baş bir listeden bir şey silemezsin.
Jack silinirse başlangıç Rose olur.



Tek başına previous?
Ne bu.

Doubly Linked Lists: (Çift yönlü bağlı liste)

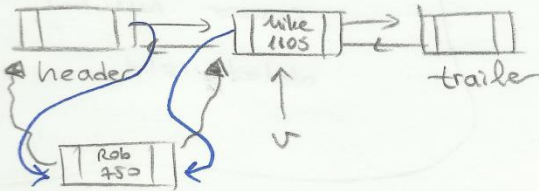
Son eleman $\xrightarrow{\text{next}}$ trailer
 ilk eleman $\xrightarrow{\text{prev}}$ header } işaret eder.



addfront:



Trailer'dan öncelikli bağlı listenin son elemanı.

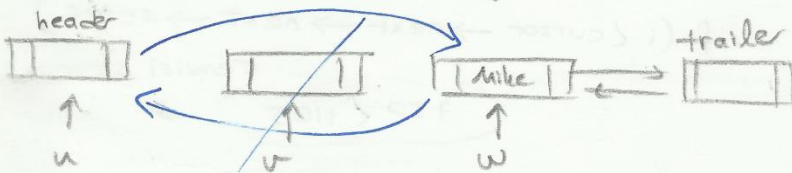


Trailer previousu \rightarrow Mike'dan öncelikli

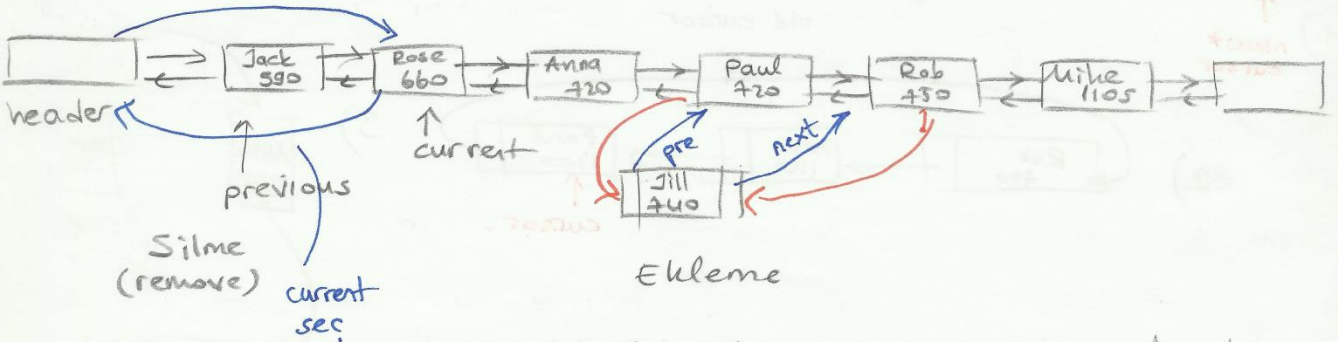
remove front:

Look yourself.

remove: Direkt verilen düğümü siler.

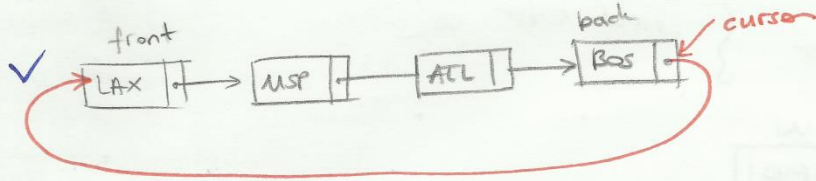


Ptr kaldırıldı ama hala bellekte. (Delete yap)
 \hookrightarrow Artık buna erişemeyiz.



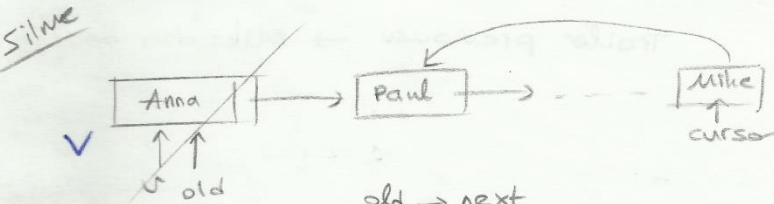
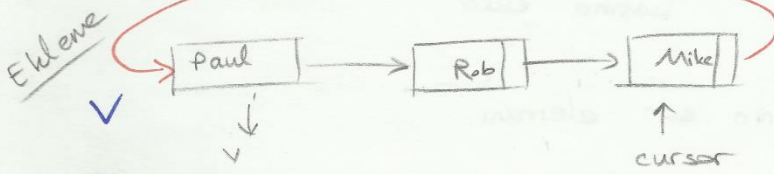
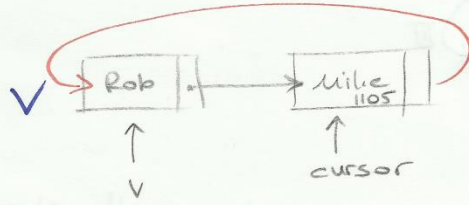
*** Current 740 \leftarrow olana kadar yer değiştirir.

DAİRESEL BAĞLI LİSTE:



Add ve remove

cursor'un nexti silinir veya nextine eldenir.

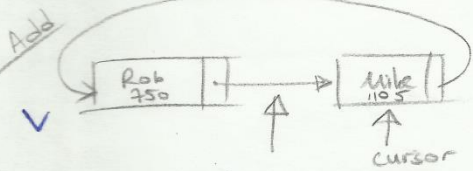


old → next
 cursor → next → next
 delete old;

1 tane kalınca silme:

cursor nexti kendi ise silerse bir tane kalmış.

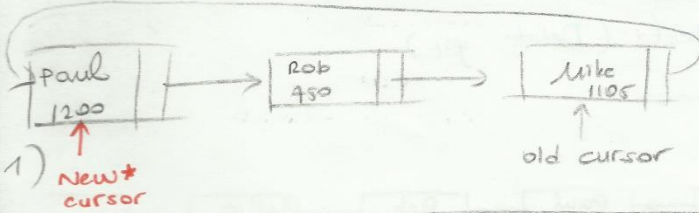
```
if (old == cursor)
    cursor = NULL;
delete old;
```



if (i < cursor → next → next → score)

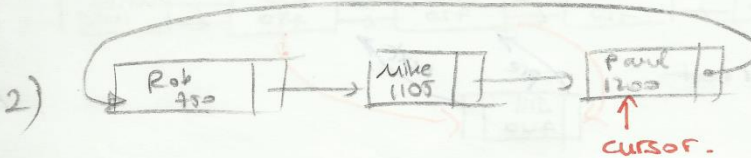
Kendisi skoru

750 < 1105

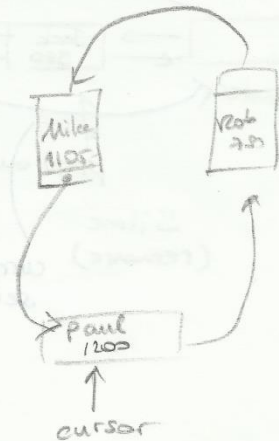


if (i > cursor → score)

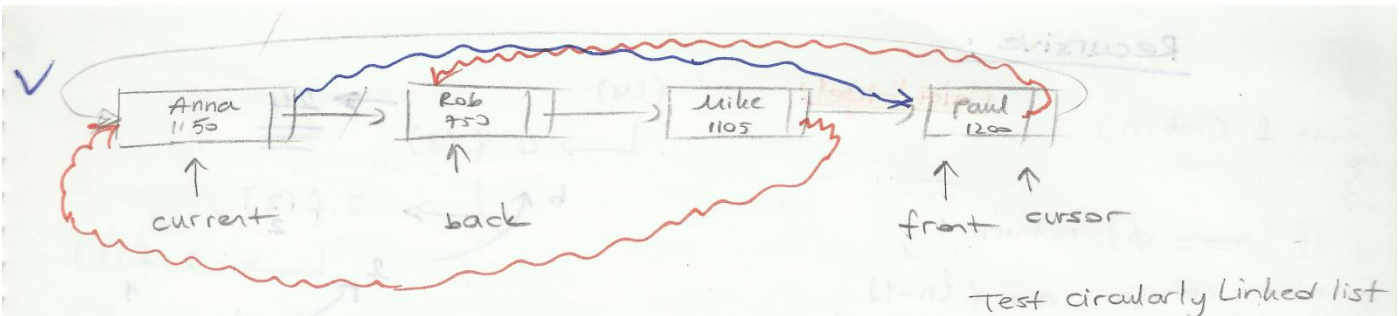
1) New cursor



3)

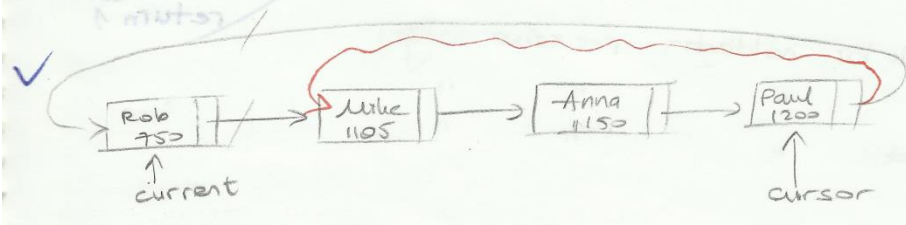


1, 2, 3 aynıdır



Test circularly Linked list

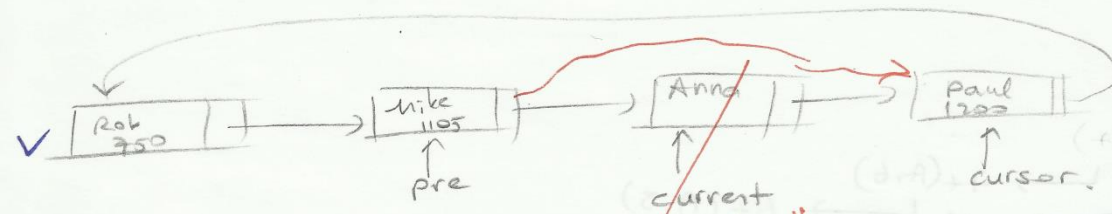
31 while (current -> score



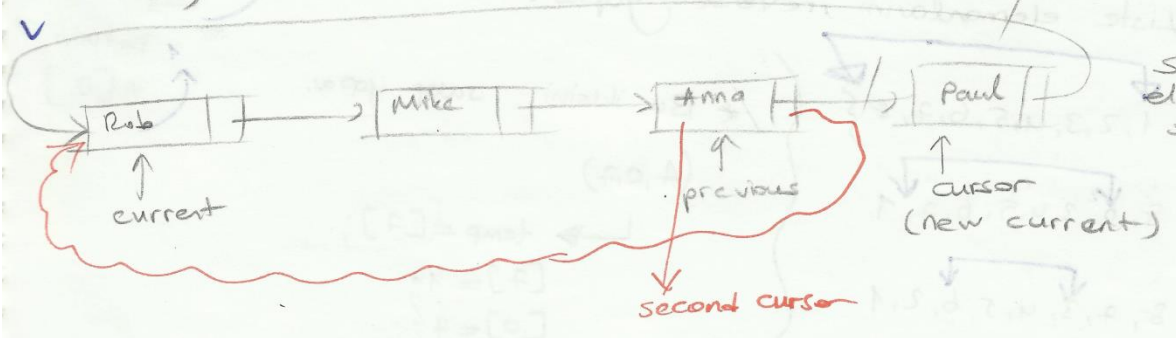
156 first = cursor -> next

e = Rob
i = 750

current = current -> next;
cursor -> next = cursor -> next -> next;
delete current;



while (current != cursor)
previous -> next = current -> next;
delete current;
return;



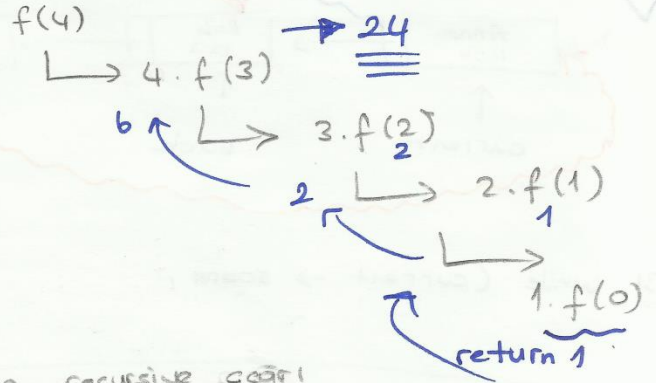
Son eleman silme.

Recursive :

```

int f (int n)
{
    if (n == 0) return 1;
    else return n * f(n-1);
}
    
```

Faktöriyel:

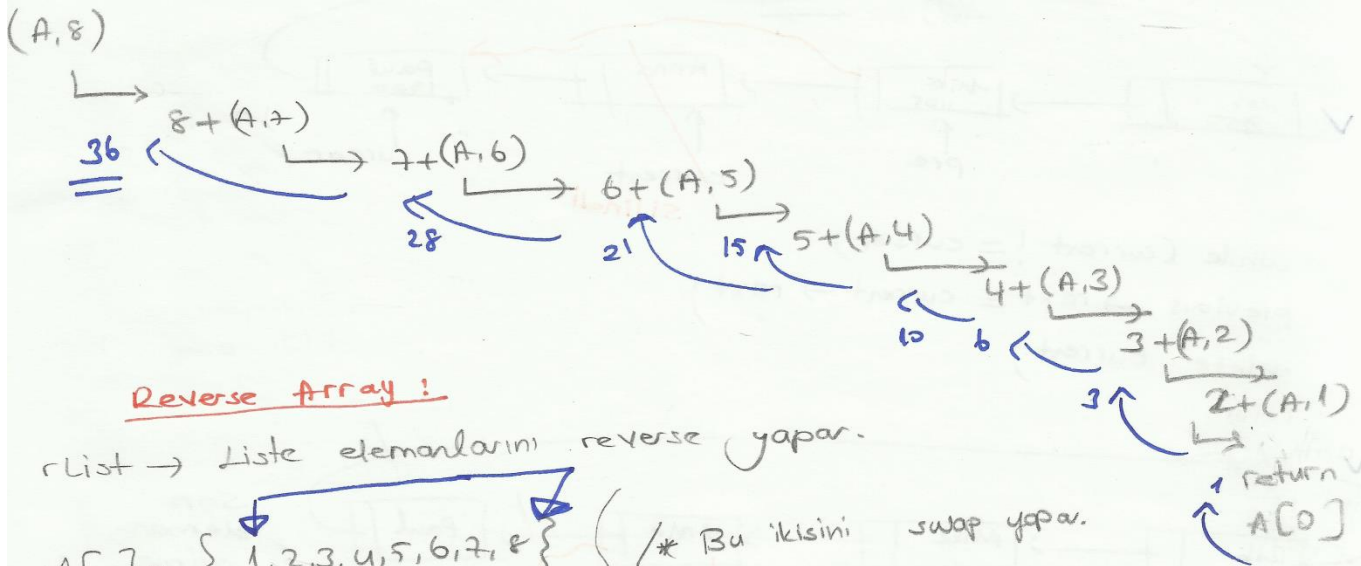


- 1) Linear Recursion : Tek bir noktadan recursive çağrı
- 2) Binary " : 2 " " "
- 3) Multiple " : Çok " " "

Linear sum :

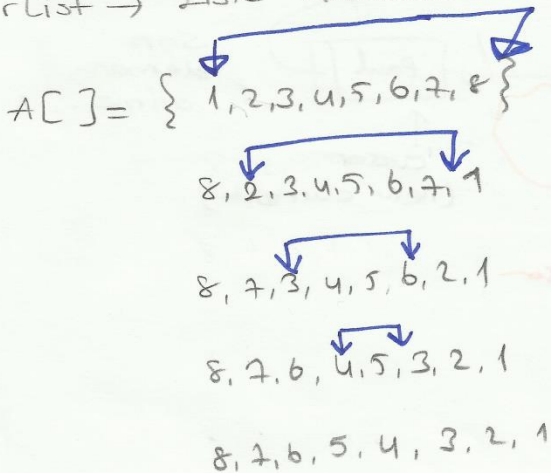
```

A[] = { 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 } (A, 8)
      indis=0 1 2 3 4 5 6 7
    
```



Reverse Array :

rList → Liste elemanlarını reverse yapar.



* Bu ikisini swap yapar.

```

(A, 0, 7)
↳ temp = [7];
  [7] = 1;
  [0] = 7;
    
```

```

(A, 1, 6)
↳ swap
A(2, 5) → swap
A(3, 4) → swap
A(4, 3) → swap * /
    
```

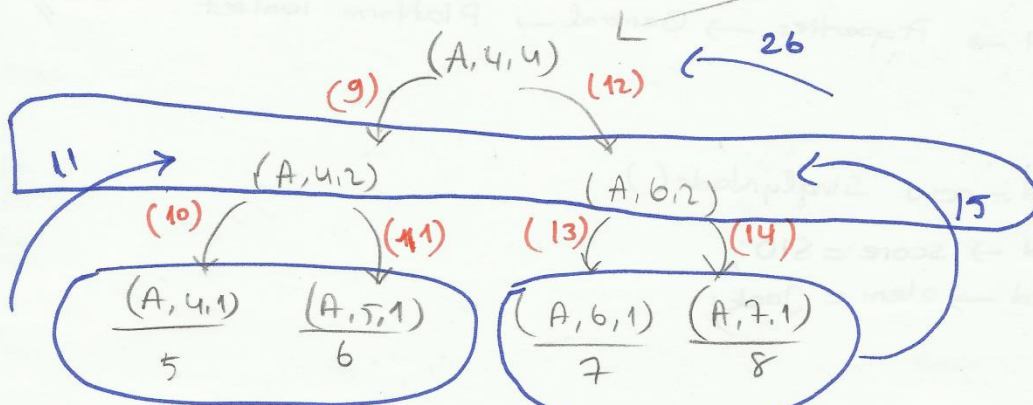
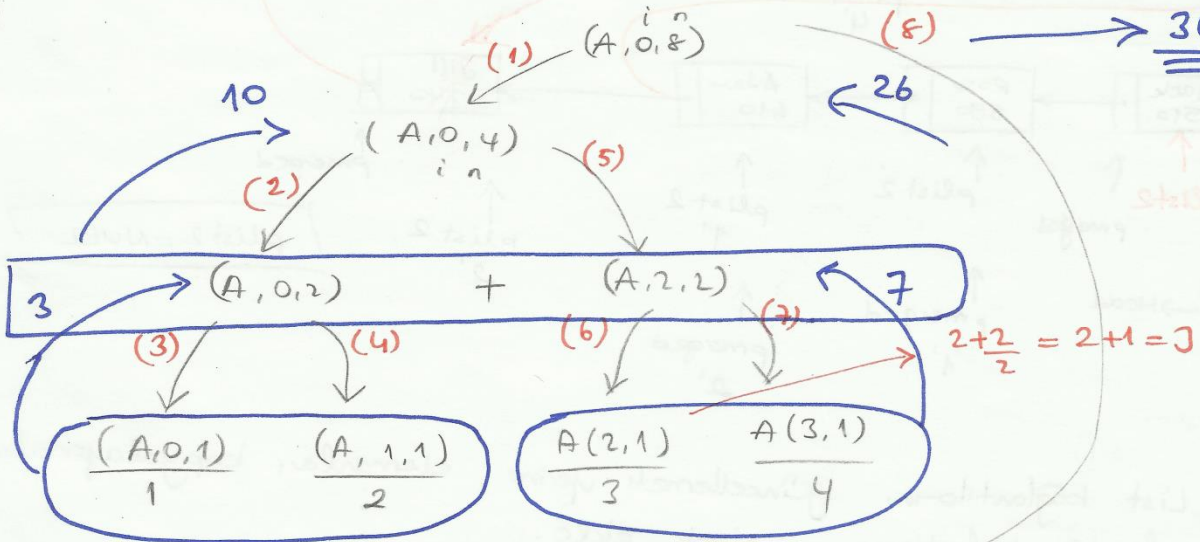
Tail Recursion : Son kısmında recursive yapılır.

** Binary Sum : iki kez recursive yapılır.

```

if (n==1) return A[i];
else
{
    int Sum = binarySum(A,i,n/2) + binarySum(A,i+n/2,n/2);
    return Sum;
}

```



Console Output

```

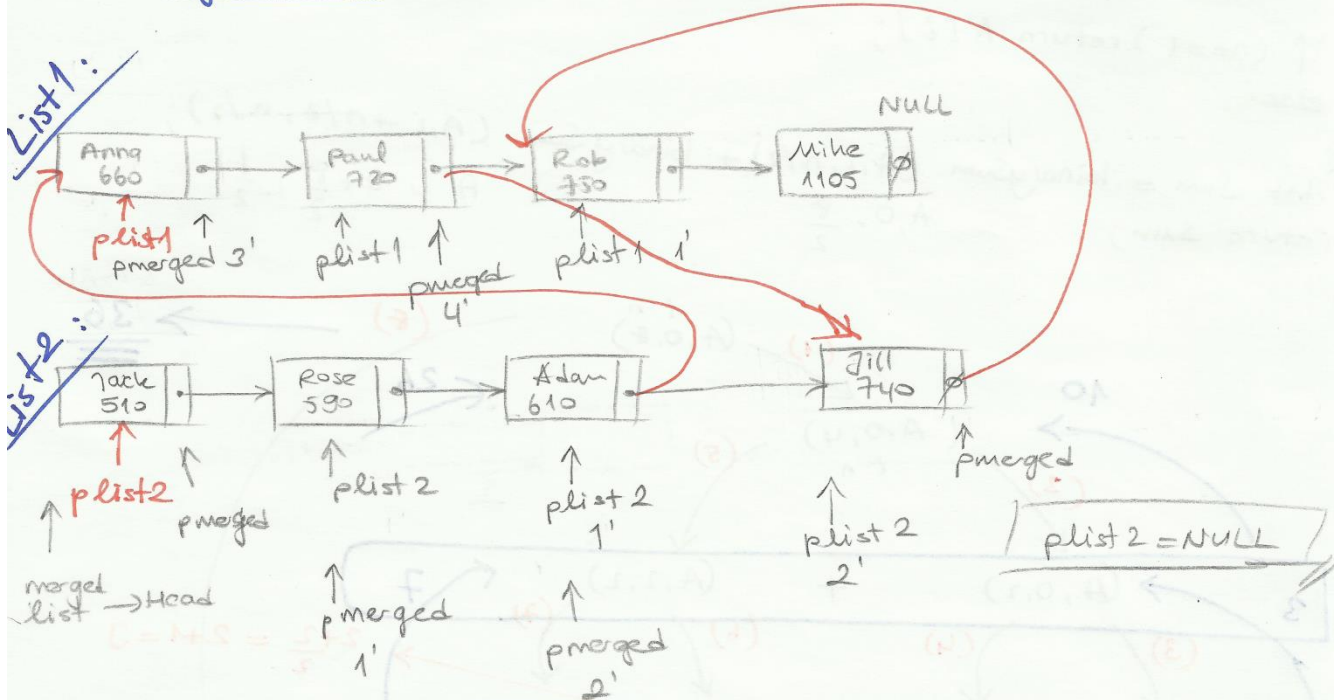
Sum = 3
Sum = 7
Sum = 10
Sum = 11
Sum = 15
Sum = 26
Sum = 36

```

Multiple sum look.

Serbest Ödevler:

— Merged List: Birleştirilmiş bir liste tanımla - Linked List



→ List bağlantılarını güncellemek yerine elementleri kopyalayarak sıralı bir birleştirme. Node ekle.

→ Project → Properties → General → Platform Toolset 100 //

```
merged = new SinglyNode()
```

```
merged → score = 510;
```

```
merged → elem = Jack;
```

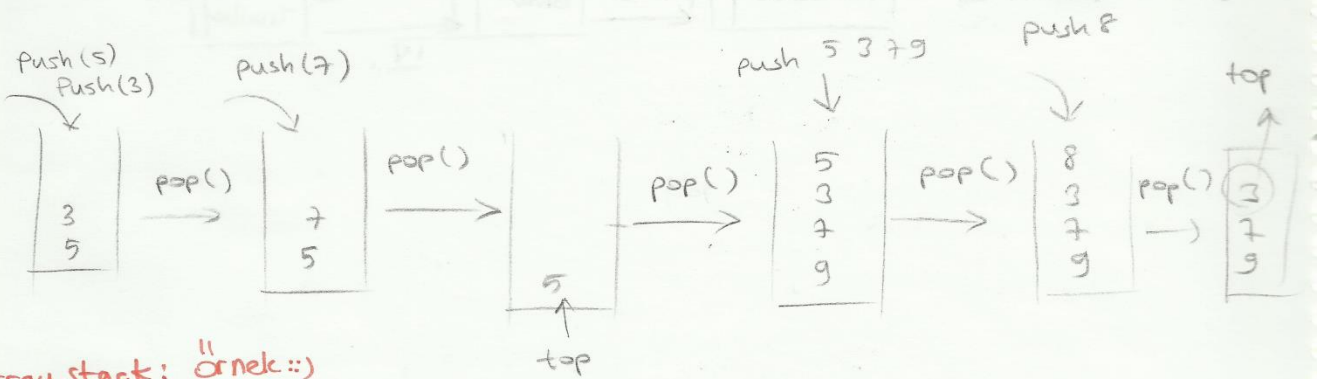
CHAPTER 5 :

STACKS: (YIĞIN)

LIFO (last in first out)

→ Microsoft word'de undo (ctrl+z) bastığımızda önceki yaptığımız işlemi bir yığına atılmış. Yığın son elemanına döndürür.

- pop() yığın son elemanını siler
- top() " " " döndürür
- push() Ekle



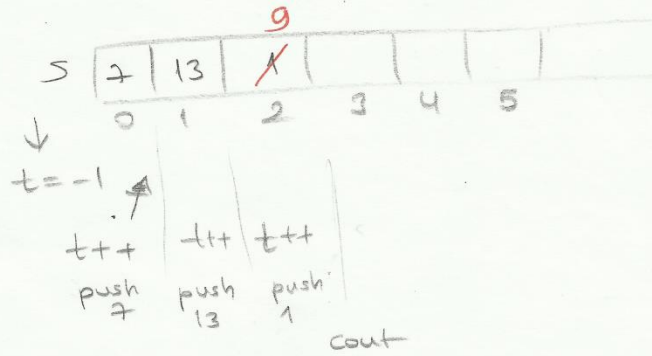
Array stack: "Örnek::)

```
int * S = new int [100];
```

t(-1) → top ptr top. indisini gösterir.

```
A.push(7);
A.push(13);
A.push(1);
cout << A.top << endl;
A.pop();
A.push(9);
cout << A.top() << endl;
A.pop();
cout << A.top() << endl;
```

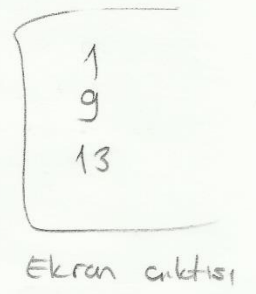
En son tepesinde yazılır.



22. satır yığın boş mu?
Değilse $s[t] = 1$

36. satır $--t$
1 isildi 9 yazdı
Ekran 9

9 u sildirdik
Ekran 13



ORNEK

LINKED STACK :

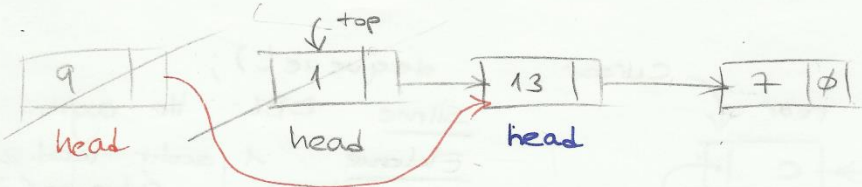
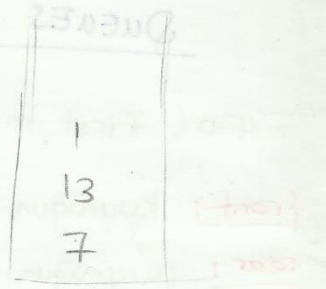
S → Singly Linked List

n=0 Listede eleman var mı?

S.front() Bagli liste ilk elemanı. Head ptr isaret

push() → add front

pop() → removefront



Ekran çıktisi

1
9
13

ORNEK

Reversing a Vector Using a Stack:

$V[] = \{ 1, 2, 3, 4, 5 \}$

(i = 0, 1, 2, 3, 4)

~~1 2 3 4 5~~ → 5 2 3 4 5

5 2 3 4 1

5 4 3 2 1

5	
4	top
3	top
2	top
1	

```

for(i=0; i<5; i++)
{
  V[i] = s.top();
  s.pop();
}

```

ORNEK

HTML:

 Omer

<i> Omer </i>

vector <string> tags → stringleri taglarla vector içinde tutar.

→ Hem açma hem kapama var.

"/"dan farklı ise push yap.

Kapama tagi ise pop yap.

Açma kapama tag eşitse True

Eşit değilse false

Matched

Not a match

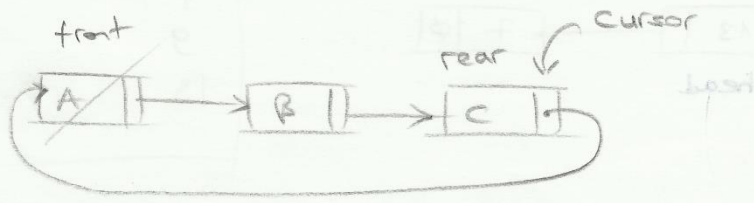
QUEUES (KUYRUKLAR)

FIFO (First in First out) * `queue.c.print()` → cout gibi.

front: Kuyruğun başı.

rear: Kuyruğun sonu.

Dairesel bağlı listede silme de, ekleme de cursor'un nextine yapılır.



`dequeue()`;
Silme DBL ile aynı.
Ekleme 1 satır kat ekle.
Aynı değil. `advance()`;
Kuyruğun başındaki elemanı siler

Cursor daireysel bağlının sonuna işaret ediyor.

Cursor → list ilk elemanı,
`next(" " " " " ")`

2012-2013 B4 ünlemede sorulmuş.

- ✓ (DBL) Eklediğimiz elemanı cursor → nextine ekleriz.
- ✓ Kuyruk yeni elemana cursor işaret etmeli. Cursor'ı bir ilelet

advance(): `cursor = cursor → next`

Circularly Linked Queue:

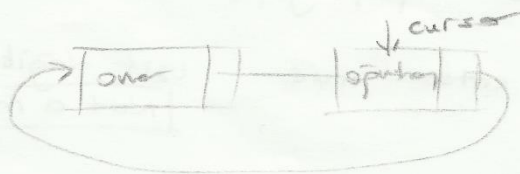
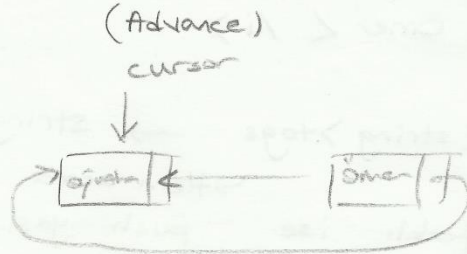
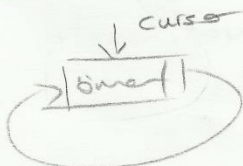
✓ dequeue: kuyruk başından veri siler.

`c.remove`: silme (DBL)

✓ enqueue kuyruk sonuna veri ekleriz.

Ekleme `c.add(e)`;
`c.advance()`; // foratadan

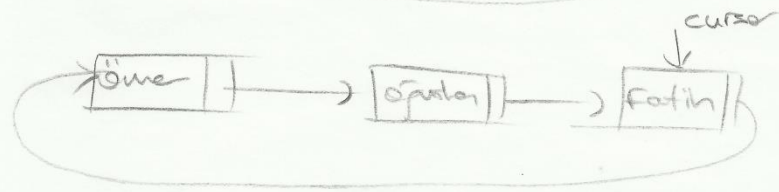
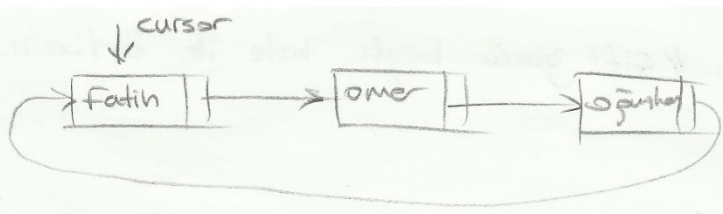
Test circ. link-9



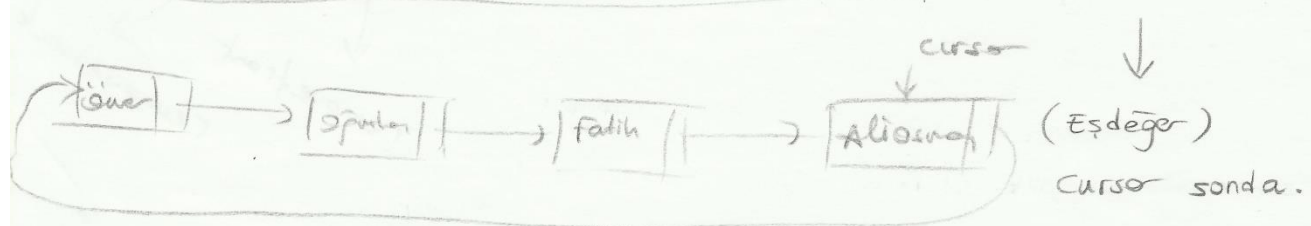
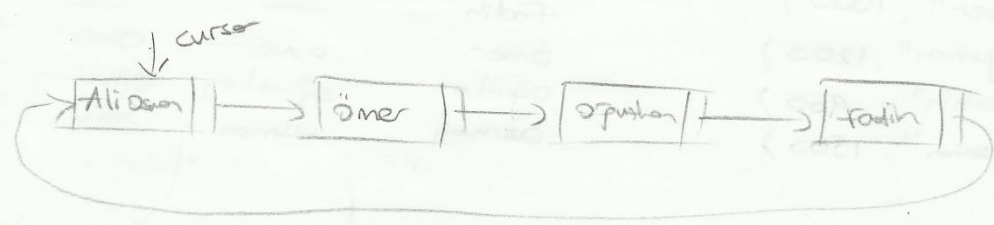
cursor sona
aldık -

Yukarı ile aynı.

Double linked list

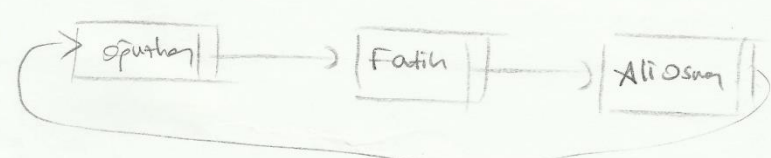


cursor sona aldık -

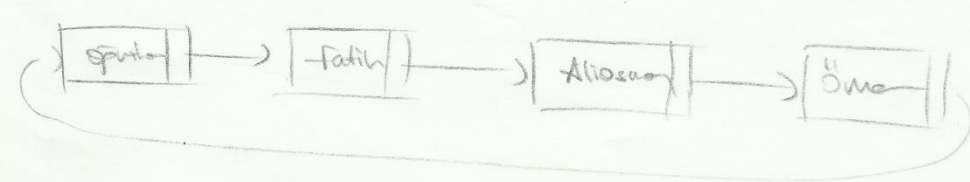


(Eşdeğer)
Cursor sona.

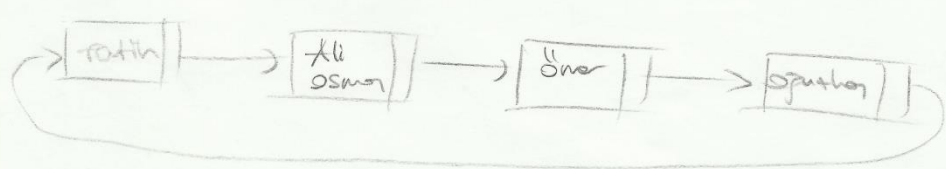
Hangisi eklenmişse cursor ona işaret eder.



// Ömer silindi



// Ömer eklendi.



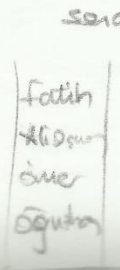
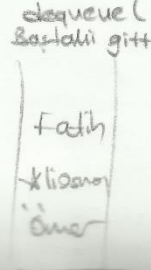
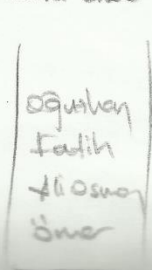
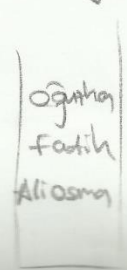
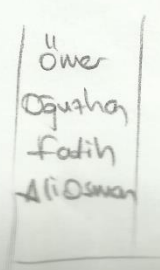
// Öğütan eklendi

dequeue();
Baştaki gitti.

enqueue("Ömer");
sona ekle

dequeue();
Baştaki gitti;

enqueue("Öğütan");
sona ekle.



Double Ended Queues: // çift yönlü bağlı liste ik örtüsür.

insertFront → addfront

Remove Front

Remove Back.

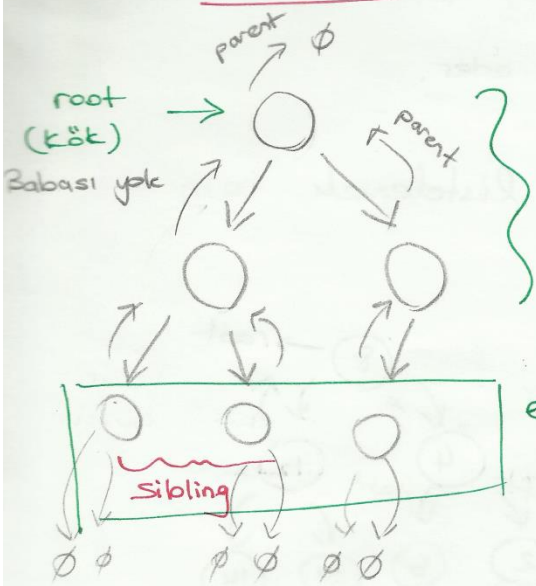
insertBack → addback

list.insertFront("Ömer", 1000)
list.insertBack("Öğütler", 1200)
list.insertFront("Fatih", 900)
list.insertBack("Osman", 1500)

Fatih	Ömer	Ömer
Ömer	Öğütler	Öğütler
Öğütler	Osman	Osman

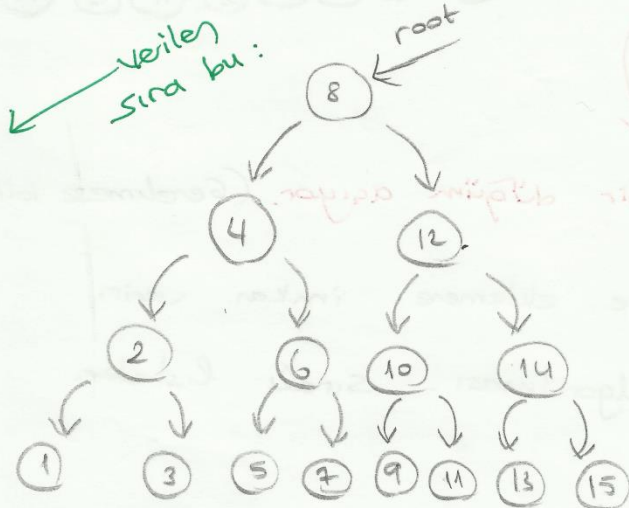
removefront
removeback

TREES: (AĞAÇLAR)



Level	Nodes
n	2^n
$2^n - 1$	
Max nodes	

- 8
- 4
- 12
- 2
- 6
- 10
- 14
- 1
- 3
- 5
- 7
- 9
- 11
- 13
- 15

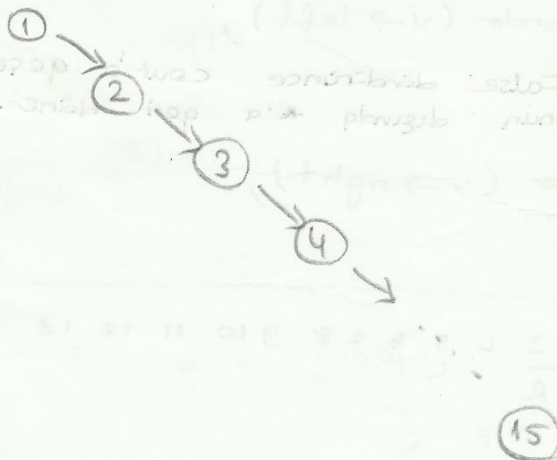


8 den { Küçük sola
Büyük sağa

8 - 4 { Büyük
8 - 12 { Küçük

8 - 4 - 2 : 8 - 12 - 10
8 - 4 - 6 : 8 - 12 - 14

- 1
- 2
- 3
- 4
- 5
- ...
- 15



Dengeli bir ağaç.

** Splay Tree: Ağacı oluştururken bir yandan da dengeliyor.

LinkedBinaryTree (); // Ağaç bu.

2339T

Node * root; ilk düğüme root işaret eder.

preorder
inorder
postorder } Ağaç elemanlarını gezinip; listelenek için.
(Recursive fonk.)

addroot; Yeni bir düğüm oluşturur.

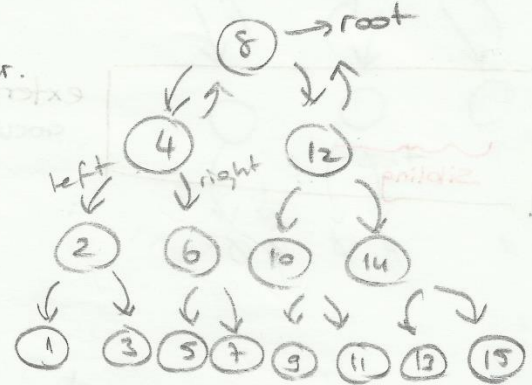
nuTree.addroot();

nuTree.root -> elt = 8;

nuTree.expand External (nuTree.root)

nuTree.root -> left -> elt = 4;

nuTree.root -> right -> elt = 12;



Bizim kısıtlıyor.

Hem sağa hem sola yeni bir düğüm açıyor. (Gerçekleşebilir)

addBelowRoot -> istediğin yere eklemeye imkan verir.
(Binary Search Tree içinde)

inorder Traversal: Bir gezinme algoritması. Sıralı listeler.

LPR

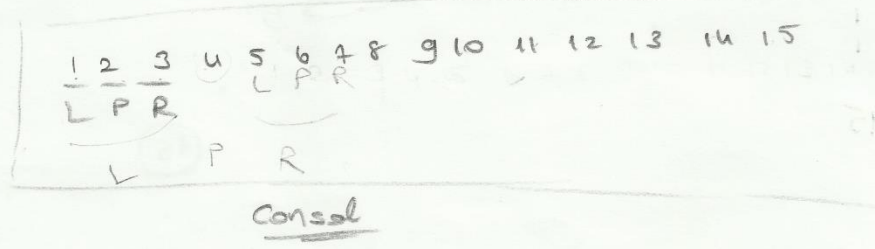
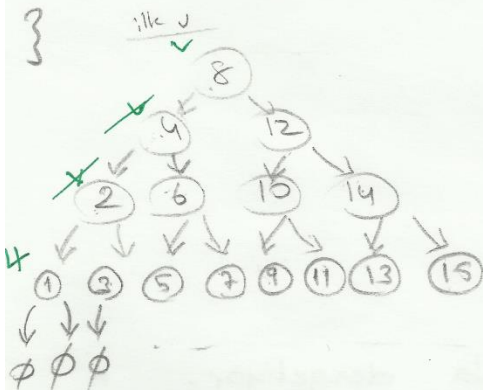
* void LinkedBinaryTree::inorder (Node * v) const

{ if (v -> left != NULL) inorder (v -> left);

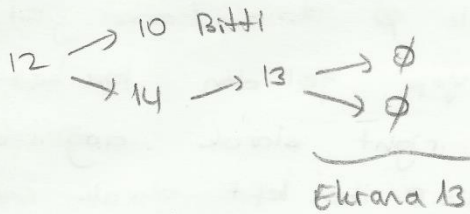
cout << v -> elt << " "; } False döndürünce cout'a geçer. onun dışında *'a geri döner.

if (v -> right != NULL) inorder (v -> right);

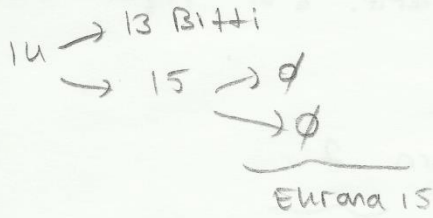
}



Sol çocuk baba sağ çocuk



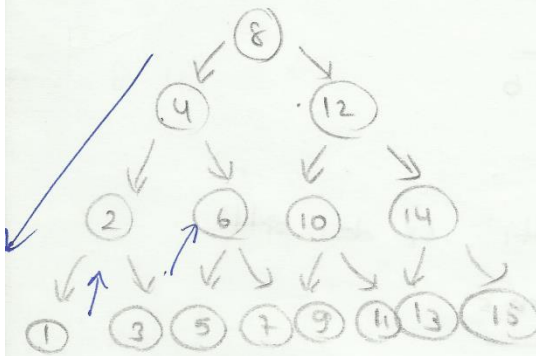
13ü kim çağırır return 14
 Ekran 14



15 - 14 - 12 - 8
 ↓
 main fonk. return yapar & yatkınlığı.

Preorder: **PLR**

```
void Linked BinaryTree :: preorder (Node* v) const
{
  cout << v->elt << " ";
  if (v->left != NULL) preorder (v->left);
  if (v->right != NULL) preorder (v->right);
}
```

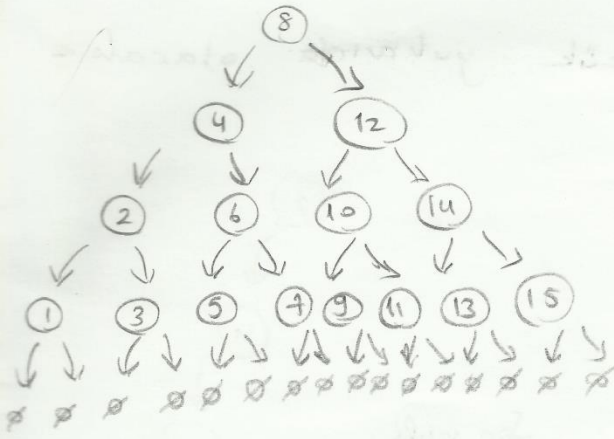


Preorder
 8 4 2 1 3 6 5 7 12 10 9 11 14 13 15
 PLR

Parent Left Right

Post Order: **LRP**

```
void Linked BinaryTree :: postorder (Node* v) const
{
  if (v->left != NULL) postorder (v->left);
  if (v->right != NULL) postorder (v->right);
  cout << v->elt << " ";
}
```



Post Order

L R P
 13 2 5 7 6 4 9 11 10 13 15 14 12 8
 L R P L R P L R P L R P

CHAPTER 8

PRIORITY QUEUE (öncelikli kuyruk)

int değeri küçüğe en öne, sonra büyüklüğüne göre ensona dlenir.

removeMin(); → En küçüğü önce siler.

insert(e); → Yeni e elementini P kuyruğuna ekle.

silme aynı ekleme farklı. (Queue ile)

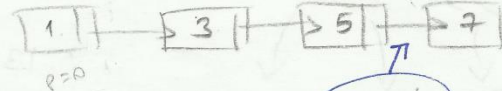
Silme:

L.pop-front(); Yığın ilk elementini siler. Removefront ile aynı

Ekleme:

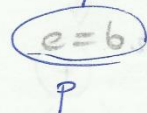
void ListPriorityQueue::insert(const int &e)

{ std::list<int>::iterator p;



p = L.begin();

while (p != L.end() && !isless(e, *p)) ++p;



L.insert(p, e);

değili ↓ e karşılaştırır e < f True

e, p'nin önüne ekle. isless(3,4) → true
 isless(4,3) → false

insert order gibi) → Ekleme istediğimizde büyüğü oldu sürece
 ++p yapılır.

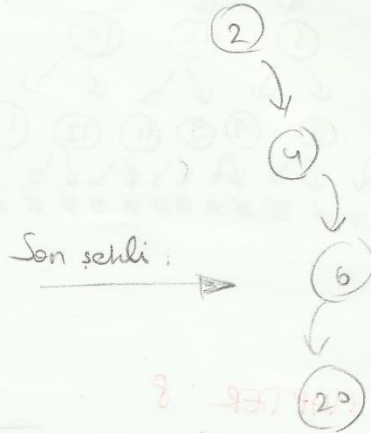
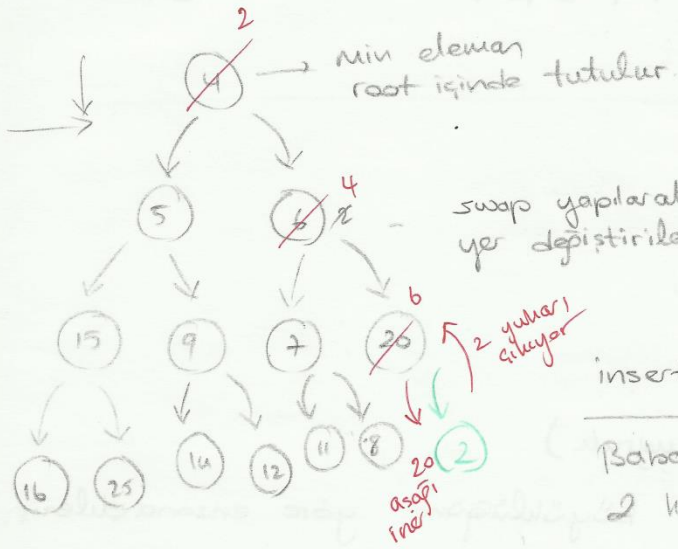
isless(6, 1) → (false) = true

(6, 3) → " "

(6, 5) → " "

(6, 7) → (true) = false

HEAPS: * En küçük yukarıda olacak -

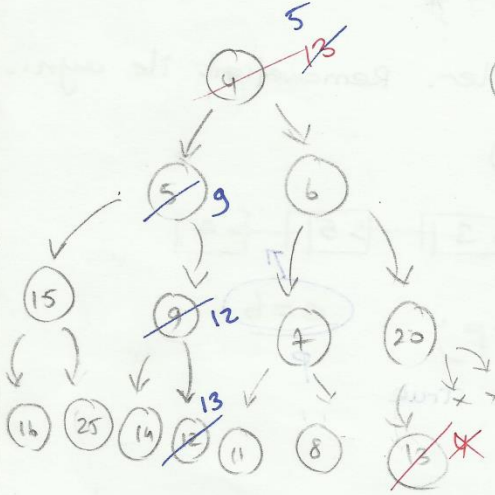


insert (2);

Babası ile 2 yi karşılaştır.
2 küçük swap yaparız.

removeMin() rootu siler (e.k. eleman)

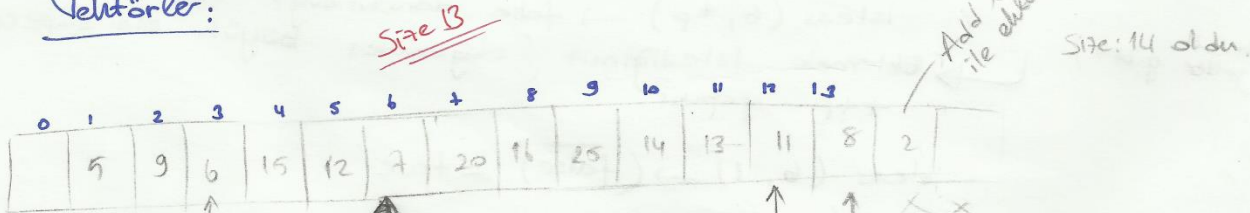
klasik kuyrukta öncelik ya da ilk elemanı siliyorduk.



swap ile 13 yukarı çıktı (en serbest olan)
4 önce aşağı indi
sonra silindi.

13-5
13-9
13-12 } Bu şekilde swap yapılır.

Veritörler:



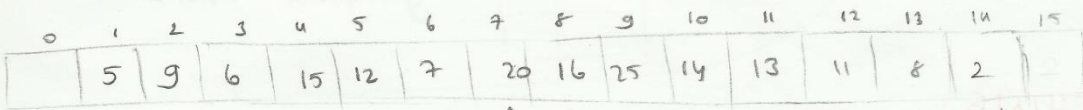
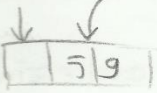
6. indis $6 \cdot 2 = 12$ 12. indisi döndürür
 $6 \cdot 2 + 1 = 13$ 13. " " right child.
 3. indis. parent $\rightarrow \{ \text{pos}(\text{idx}(p)/2); \}$

V. push_back() → sona ekler. Gerekirse swap yapar.

V. pop_back() → sondakini sil

V. size() - 1; // ilk kutu boş old. için.

v(i) push_back.



ii) u v ii) u.v

i) 2
↑ ↑
v u
6

↑
v
20

T.addlast(e);

position v = T.last();

while (!T.isRoot(v))

{
 position u = T.parent(v);
 if (!isless(*v, *u)) break;

T.swap(v, u);

v = u;

}

* Sola doğru kayar



if (size() == 1)

T.removeLast();

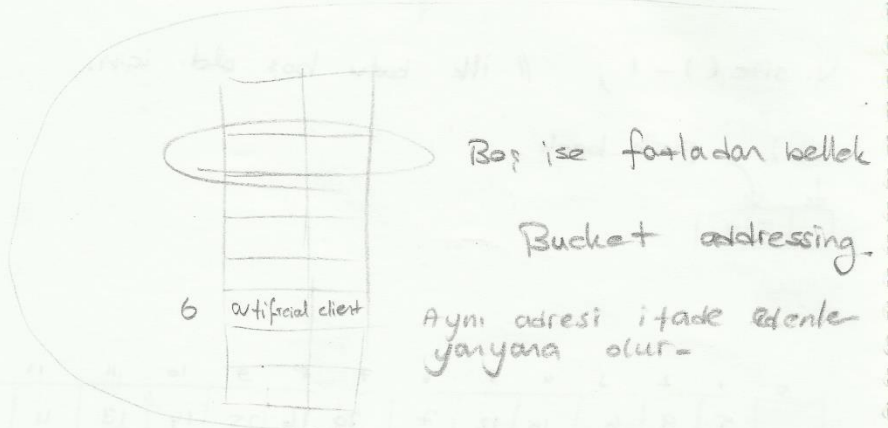
else

{
 position u = T.root();
 T.swap(u, T.last());
 T.removeLast();

```

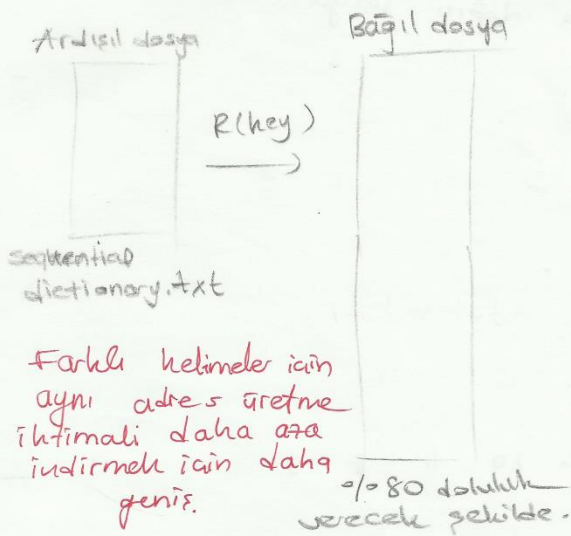
Position v = T.left(u);
if (T.hasRight(u) && isless(*T.right(u), *v))
    v = T.right(u);
if (isless(*v, *u))
    T.swap(u, v);
    u = v;
}
else break;
}
}

```



HASHING:

Stok uygulaması, kelimele; oluşturur.
 Arşiv dosyadan bağıl dosya oluşturulur. (Adresle; ile)
 Alfabetik sıraya göre olabilir.



Farklı kelimeler için aynı adres üretme ihtimali daha az indirmeli için daha geniş.

ÖRNEK: array kelimesi için adres üretirken a → ASCII karşılığı, 10 ile çarpıp r → ASCII karşılığı ile topluyor. Tüm harfler için sırayla yapıp topluyor. Hesaplanan bu bağıl adresin %80 modunu alırsınız. Mod işleminde genelde asal sayılar kullanılır.

array kelimesi için

sum = 0 verildi. a = 89, r = 70

$$0 + 89 \cdot 10 + \text{key}[r] = 960 \text{ sum}$$

$$960 + 70 \cdot 10 + \text{key}[a] = 1749$$

```

for (int j=0; j<4; j+=2)
    sum = (sum + 10^j * key[j] + k[j+1]);
    sum = sum % 11;
return sum;
}

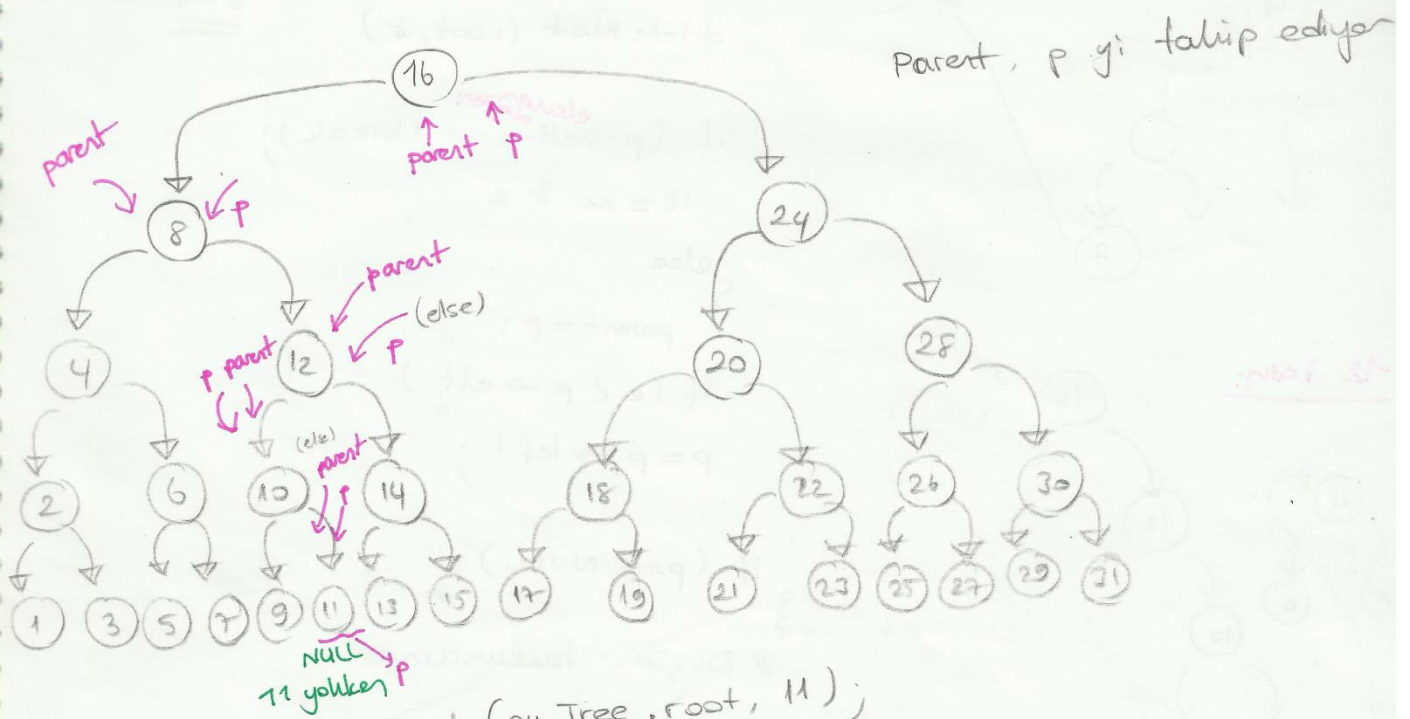
```

relative.txt teli indis sayısı kadar

1749/11 = 159 satır.

BINARY SEARCH TREE :

- 1) Add Node
- 2) Delete "
- 3) Search "



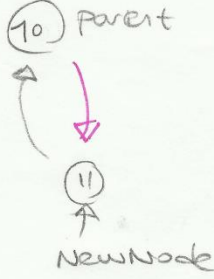
Parent, p yi takip ediyor

```
nuTree.addBelowRoot (nuTree.root, 11);
```

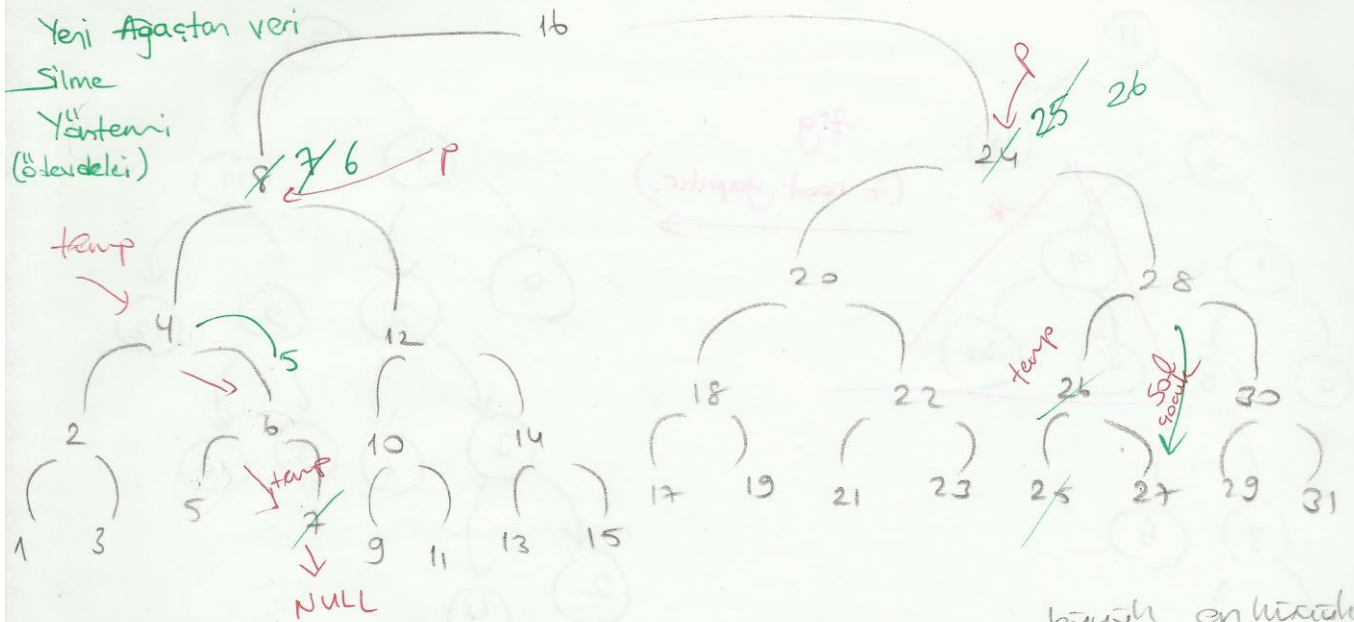
```
Linked BinaryTree :: addBelowRoot (Node* p, int e)
```

```
while (p != NULL)
{
    parent = p;
    if (e < p->elt)
        p = p->left;
    else
        p = p->right;
}
```

p → NULL old while dan çıkar.



```
if (newNode->elt < parent->elt)
    parent->left = newNode;
else
    parent->right = newNode;
```



7 yi silmek istediğimizde yerine kendinden büyük en küçük en büyük gelecek (6) ana çocuğu var 5, 4'ün çocuğu olur.

8 yerine 9 getirmek istesek çocuğu yok direkt olur.
9 yerine 10 getirmek " çocuğu var 11, 12 nin çocuğu olur.

Linked Binary Tree

parent pointer silindi. (parent'a erişmek istesek $p \rightarrow par$.)

```

if (p->left != NULL)
{
temp = p->left;
while (temp->right != NULL) temp = temp->right;
p->elt = temp->elt;
if (temp->left != NULL)
{
temp->left->par = temp->par;
if (temp == temp->par->right)
temp->par->right = temp->left;
else
temp->par->left = temp->left;
}
}
else { if (temp == temp->par->right) temp->par->right = NULL;
else temp->par->left = NULL;
}

```

Hashing ağaca ekleme;

Sol sağ çocuk sıralı sırasına göre bulunur.

`strcmp(str1, str2)` // string compare fonksiyonu.

`str1 == str2` returns 0

`str1 < str2` returns -1 (str1 sözlükte, önce) sola

`str1 > str2` returns +1 (str1 sözlükte sonra) sağa-

(::strcpy (nu tree → root → kelime.turkce, kelime.turkce)

↓
kelimenin Türkçesini stringe kopyalıyor.

searchTree: Aradığımız kelimeyi yazarız. Ağacın içinde gezinerek kelimeyi bulur.

generateTree: dosyadan ağaca ekliyor.

Programdan çıkıldıkten güncel hali dosyaya yazılır.
Böylece her acısımda da ağacı yeriden oluşturmanıza gerek kalmaz.

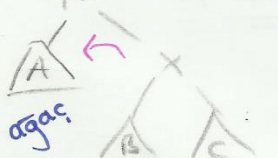
UNPLAY TREES: Aşağıdan yukarıya doğru.

X ağaca eklediğimiz veri. varsayalım.

X root olana kadar rotation (işlemler) devam eder.

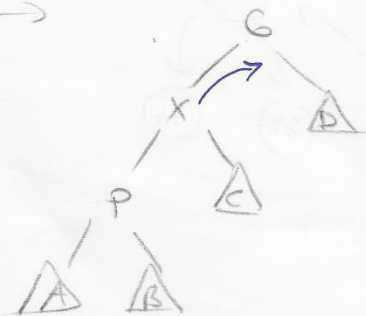
① Grandparent

Parent



Grandparent'ın Sol çocuğunun sağ çocuğu X

Baba ile çocuğu yer değiştiririz
Baba X'in sol çocuğu olur

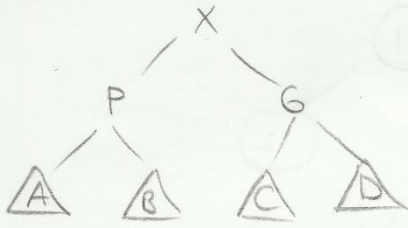


X'in öncelik sol çocuğu olan B (P'den büyük oldu için)
P'nin sağ çocuğu olur.

X → P

X → G

tig zag



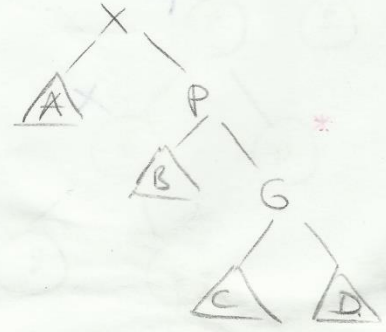
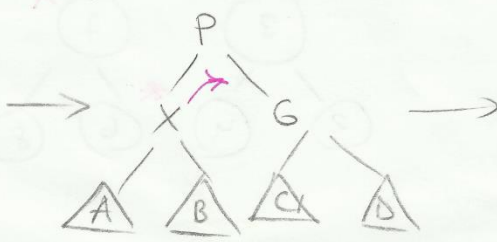
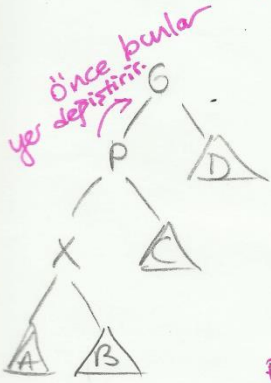
C G'nin sol çocuğu oldu.

"Zig-tag" case

önce sola sonra sağa gidilir.

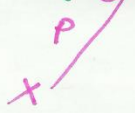
önce sağa sonra sola olursa mirror'ı alınır.

② Sol çocuğun sol çocuğu, sağ çocuğun sağ çocuğu



P → G
X → P

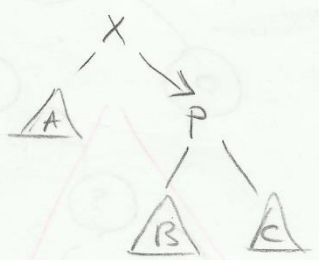
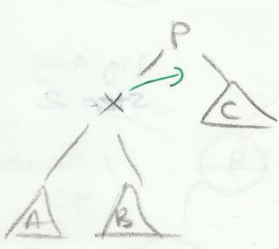
"Zig-zig"



Repeat ① & ②

Ne zaman kadar → doğrudan root'a da gidebilirsiniz
 → rootun çocuğuna ulaşınca 3. işlem.

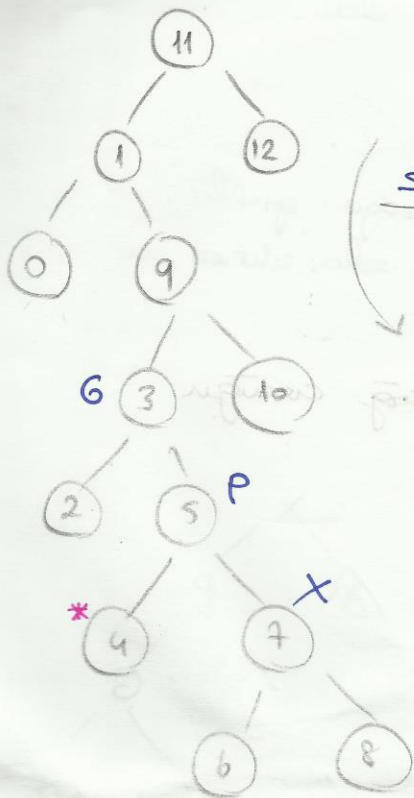
③ X → root'un çocuğu



"Zig"

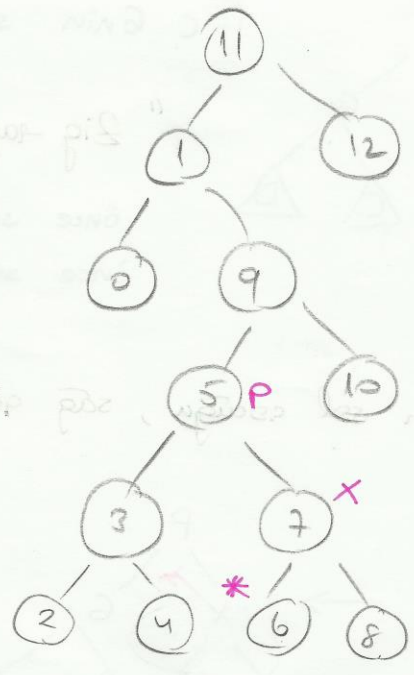
X → P yer değiştirir.

sortluz
 (A+B)



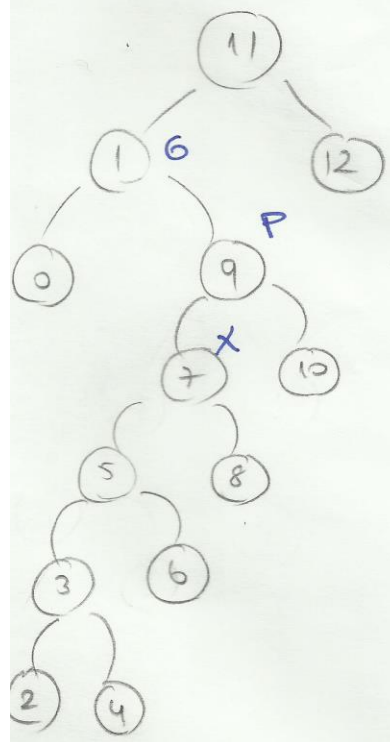
zig-zig
Step - 1

Baba ve dede yer deşis.



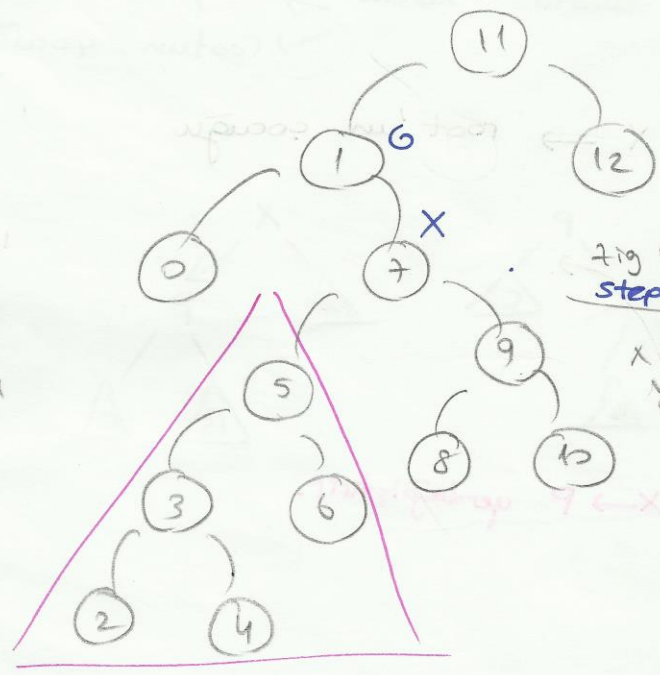
zig-zig
Step - 2

X ve baba yer deşis.



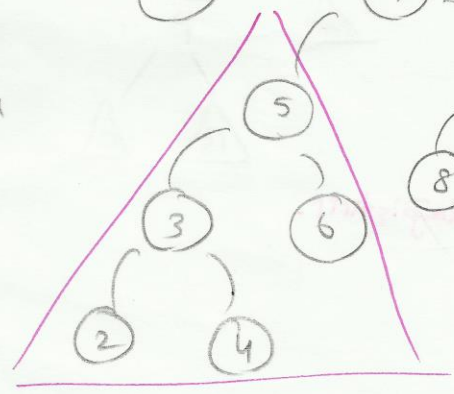
zig-zag
Step 1

4 ile 9 X ile baba yer deşis

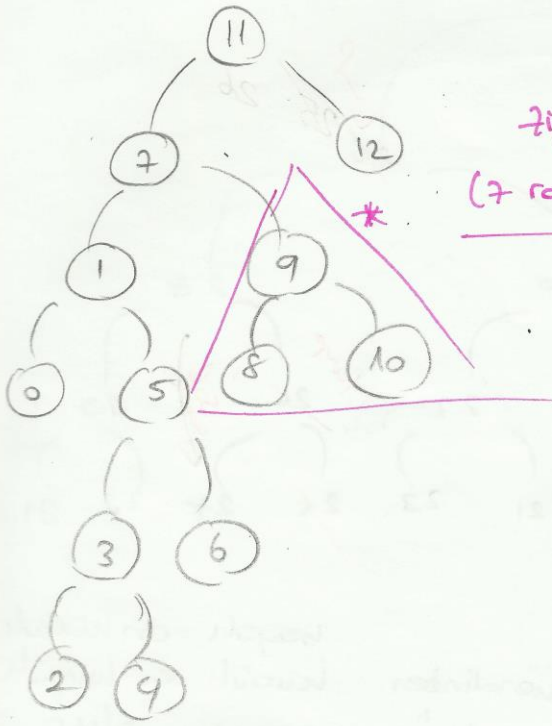


zig zag
Step 2

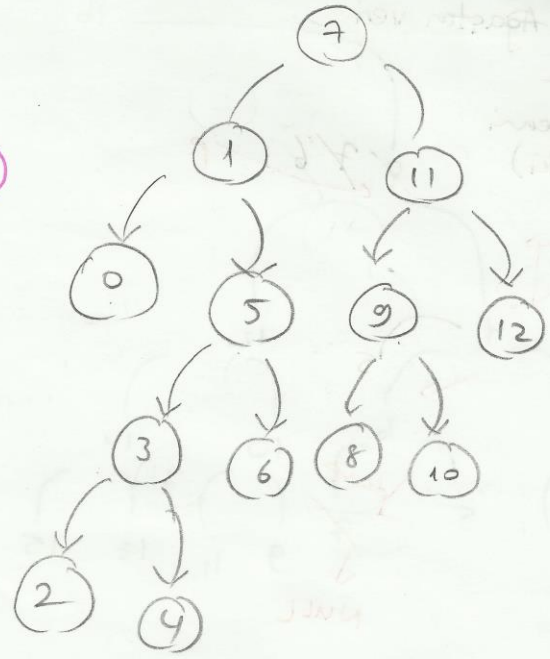
X ile dede yer deşis.



Subtree (Alt ağac.)



zig
(7 root yapilir.)



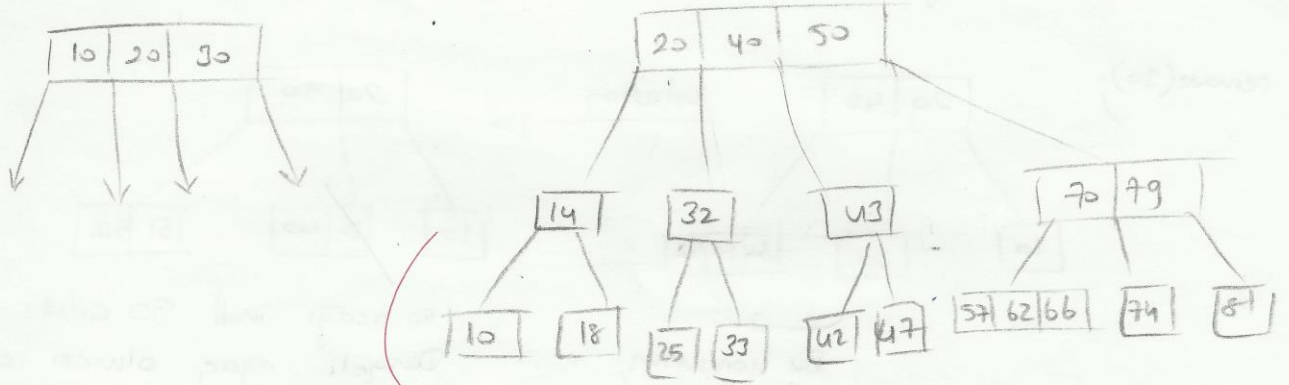
7 rootun sol
gocugu oldu

NodeNode → x oluyor-

2011-2013 son haline 3 ekle.

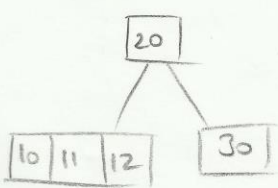
2-3-4 TREES :

Her bir düğüm 2, 3 veya 4 çocuğa sahiptir. Her bir düğünde 1, 2 veya 3 eleman tutulur.

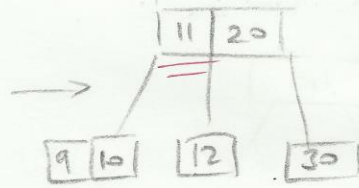


insert (n) = (Eklene)

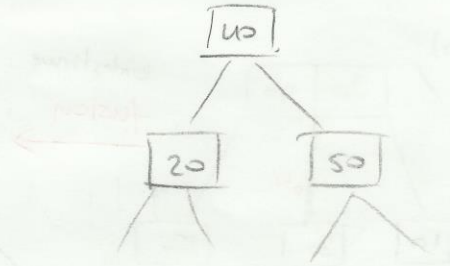
insert (9)



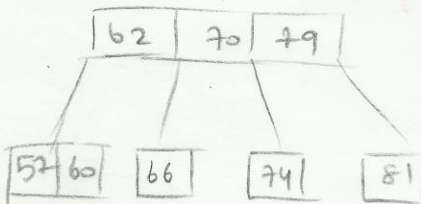
Ortadaki rootta
çıkart.



3 tane yanyana olanı
parçalıyoruz.



insert (60)



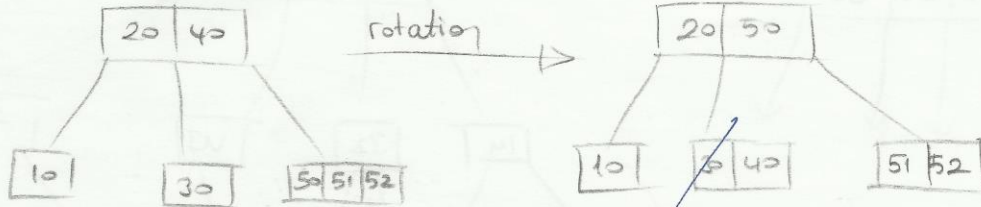
Burada yeni bir yer açmak için
yukarı gönderiyoruz -

remove(k): kendisinden büyük e.k. elemanı kendi yerine getiriyoruz.

Kurallar:

1) Eğer 1 elemanlı düğüme rastlarsa, komşuların birinden 1 eleman almaya çalış

remove(30);



Bu komşudan alabiliriz.

40 aşağı indi 50 çıktı. Dengeli ağac, olması için

remove(30) dersek direkt silinir.

2) (0 düğüme 1 eleman varsa)

Eğer komşularda 1 den fazla eleman yoksa babadan 1 eleman al.

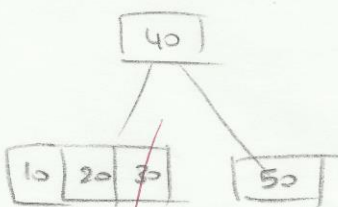
remove(10);



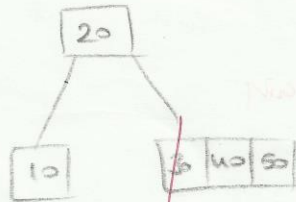
20 aşağı alınca birleştirilerek düğüme oluşturulmuş.

ptr bir düğüme işaret etmesi gerekiyor.

remove(30); // Bunda 2 seçeneğe sahibiz.



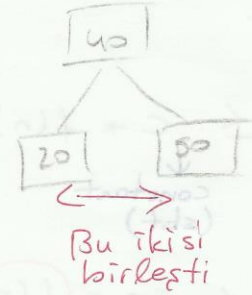
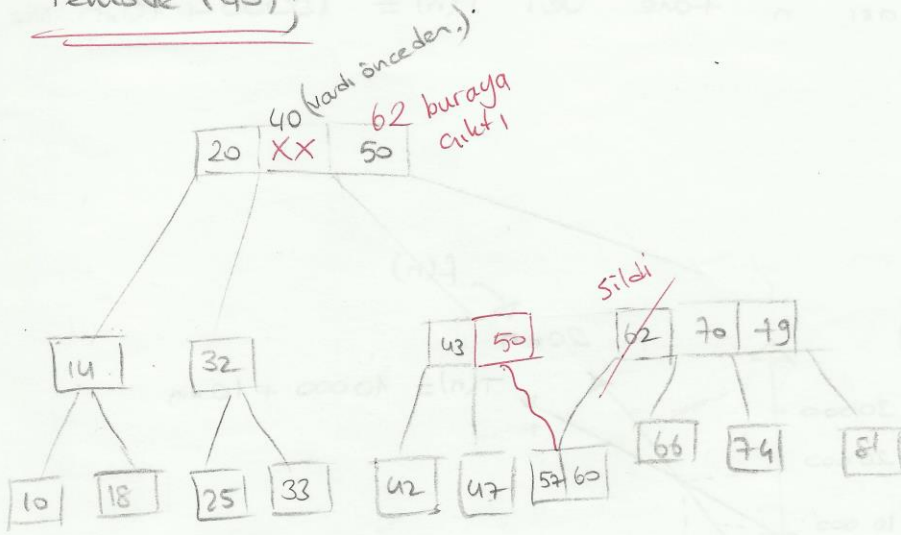
20 indi



40 indi

3) Eğer baba root ve 1 elemana sahipse ve komşular da 1 elemana sahipse root, silinecek düğüm ve komşu düğüm birleştirilir. Bu durumda ağacın seviyesi 1 azalır.

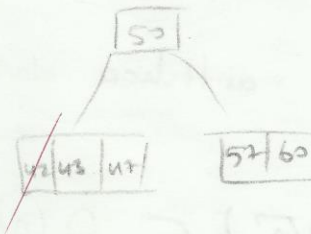
remove(40);



62, 50'nin yerine çıktı.
50 aşağı alındı, 62'nin çocuklarının babası oldu.

→ 42'yi roota çekmek -

(Rule 2) 40'nun düğünde 1 eleman var. Babadan eleman al
(47) 47 roota çekilecek olsa 57, 60 bakabiliriz.



Sıra
42
sil yukarı çıkar.

O (f(n)) NOTASYONU (Order Notasyonu) - 19. Video - (8)

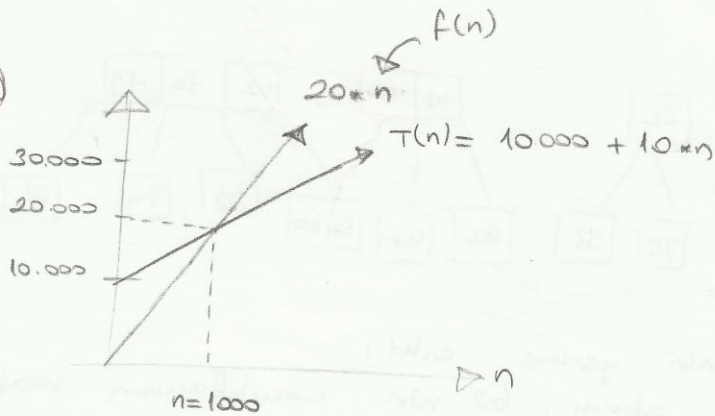
- Sıralanacak verilerin diskten okunup diziyeye kopyalanması 10.000 ms alır.
- Sıralama da her bir verinin yerinin bulunması 10ms alır.
- Sıralama algoritması n tane veri $T(n) = 10000 + 10 * n$ ms alır.

$$T(n) \leq c * f(n)$$

↓
constant
(sbt)

$$T(n) \leq 20 * f(n)$$

↪ $20 * n$



$n \rightarrow \infty$ iken $20 * n > T(n)$ $f(n) = O(n)$ çıkarıyor.

$$T(n) = 10000 + 10 * n$$

Bu sabit
direkt atılır.

↳ Algoritma karmaşıklığı verilerin kaç kere işlendiği ile ilgilidir. Mimari ile ilgilemez.

$$T(n) = \underline{n^3} + n^2 + n \quad O(n^3)$$

Baskın fonk. dikkate alınır. Hangisi n arttıkça daha çok artıyor ona bakarız.

$$O(1) \subset O(\log n) \subset O(\log^2 n) \subset O(\sqrt{n}) \subset O(n \log n) \subset O(n^2) \subset O(n^3) \subset O(n^4) \subset O(2^n) \subset O(e^n)$$

$$O(n) \subset O(n^2)$$

n^+ veya daha yavaş geçersiz.

$n \log n$ veya daha hızlı en verimli

```

for i ← 0 to n-1 do
  a ← 0
  for j ← 0 to i do
    a ← a + x[j]
  A[i] ← a / (i+1)
return array A;

```

$$1+2+3+\dots+n = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$T(n) = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$= \frac{n^2+n}{2}$$

$$T(n) = \frac{1}{2} n^2 + \frac{1}{2} n$$

$$f(n) = n^2 \quad O(n^2)$$

* iç içe iki tane for döngüsü varsa cevap $O(n^2)$

Upper bound → En yavaş bu kadar hızlar.

Lower bound → (Ω) 20. video.